

Theoretische Informatik und Logik

3. Übungsblatt

Sommersemester 2018

Die folgenden Aufgaben werden nicht in den Übungen besprochen und dienen der Selbstkontrolle.

Aufgabe E

Geben Sie eine Turing-Maschine $\mathcal{A}_{\text{mod}2}$ an, die die Funktion $f: \mathbb{N} \rightarrow \mathbb{N}$ mit $f(x) = (x \bmod 2)$ berechnet. Stellen Sie dabei die Zahlen in unärer Kodierung dar.

Aufgabe F

Es sei $f: \mathbb{N} \rightarrow \mathbb{N}$ mit $f(x) = \lfloor \log_{10}(x) \rfloor$. Geben Sie ein WHILE-Programm an, welches f berechnet.

Aufgabe 1

Zeigen Sie, dass es keine Many-One-Reduktion vom Halteproblem \mathbf{P}_{halt} von Turing-Maschinen auf des Leerheitsproblem

$$\mathbf{P}_{\text{leer}} := \{\text{enc}(\mathcal{M}) \mid \mathcal{L}(\mathcal{M}) = \emptyset\}$$

von Turing-Maschinen gibt.

Aufgabe 2

Es sei

$$T := \{\text{enc}(\mathcal{M}) \mid \mathcal{M} \text{ ist eine Turing-Maschine, welche } w^{\mathcal{R}} \text{ akzeptiert, falls sie } w \text{ akzeptiert}\},$$

wobei $w^{\mathcal{R}}$ das zu w umgekehrte Wort ist. Zeigen Sie, dass T nicht entscheidbar ist.

Aufgabe 3

Es sei

$$L := \{\text{enc}(G)\#\#\text{enc}(x) \mid G \text{ kontextfreie Grammatik und } x \text{ Teilwort eines Wortes aus } L(G)\},$$

wobei $\text{enc}(G)$ eine Kodierung von G ist. Zeigen Sie, dass L auf das Komplement des Leerheitsproblems kontextfreier Grammatiken many-one-reduziert werden kann.

Hinweis: Nutzen Sie die Tatsache, dass der Schnitt einer regulären und einer kontextfreien Sprache wieder kontextfrei ist.

Aufgabe 4

Zeigen Sie, dass jede semi-entscheidbare Sprache L auf das Halteproblem \mathbf{P}_{halt} many-one-reduziert werden kann.